
assinatura do(a) candidato(a)



Universidade de Brasília



ADMISSÃO PARA PORTADOR DE DIPLOMA DE CURSO SUPERIOR

2.ª DCS/2011

MATEMÁTICA – LICENCIATURA (NOTURNO)

Prova Dissertativa

LEIA COM ATENÇÃO AS INSTRUÇÕES ABAIXO.

- 1 Ao receber este caderno, confira atentamente se os dados pessoais transcritos acima estão corretos e se o curso de sua opção coincide com o que está registrado acima e no rodapé de cada página numerada deste caderno. Em seguida, verifique se este caderno contém cinco questões, correspondentes à prova dissertativa, acompanhadas de espaços para as respectivas resoluções. O caderno de rascunho fornecido é de uso opcional, e o texto nele escrito não servirá, de forma alguma, para a correção de sua prova.
- 2 Assine apenas no local apropriado — o cabeçalho desta página — e quando autorizado pelo chefe de sala.
- 3 Atenção! Somente os textos que forem escritos nos espaços reservados para a resolução das questões constituem documentos que servirão de base para a avaliação da sua prova dissertativa.
- 4 Caso o caderno esteja incompleto, tenha qualquer defeito ou haja discordância quanto aos dados pessoais, solicite ao fiscal de sala mais próximo que tome as providências cabíveis, pois, posteriormente, não serão aceitas reclamações nesse sentido.
- 5 Não se comunique com outros candidatos nem se levante sem autorização de fiscal de sala.
- 6 É obrigatório o uso de caneta esferográfica de tinta preta, exceto nos casos em que se solicita desenho a lápis. Não serão avaliados texto, desenho ou cálculo escritos em local indevido ou que tenham identificação fora do local apropriado.
- 7 Não amasse, não rubrique, não escreva seu nome nem faça marca ou sinal identificador nos espaços destinados à resolução das questões, sob pena de ter sua prova anulada.
- 8 Escreva com letra legível. No caso de erro, risque, com um traço simples, a palavra, a frase, o trecho ou o sinal gráfico. Lembre-se: parênteses não podem ser utilizados para tal finalidade.
- 9 Nenhuma folha deste caderno pode ser destacada.

Não utilize esta página
em nenhuma hipótese!

Faça, necessariamente, o que se pede nos itens a seguir.

I Redija um texto apresentando a interpretação geométrica da derivada de uma função $y = f(x)$. [valor: 0,50]

II Calcule a equação da reta tangente ao gráfico da função $y = \frac{e^{5x} + \operatorname{sen}(x)}{x^2 + 1}$, no ponto de abscissa $x = 0$. [valor: 1,00]

Resolução da Questão 1 – Item I (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA

☐ NÃO HÁ TEXTO

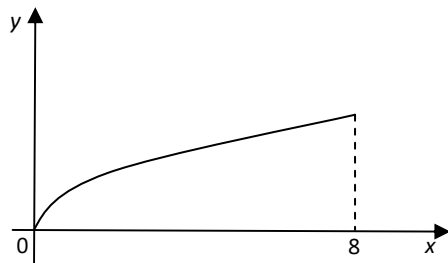
1	
2	
3	
4	
5	

Resolução da Questão 1 – Item II (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA

☐ NÃO HÁ TEXTO

A figura abaixo mostra o esboço do gráfico da função $y = f(x) = 2\sqrt{x}$ no intervalo $0 \leq x \leq 8$. Ao se girar, em torno do eixo Ox , a região do plano xOy limitada por essa curva, pelo eixo Ox e pela reta $x = 8$, obtém-se um sólido cujo volume pode ser calculado pela expressão $V = \int_0^8 4\pi x dx$.



Considerando a figura e as informações acima, faça o que se pede a seguir.

- Explique, por meio de um texto e de recursos algébricos, como se obtém a expressão para o cálculo do volume do sólido de revolução acima especificado.
- Calcule o valor do volume do sólido de revolução acima especificado, utilizando a expressão $V = \int_0^8 4\pi x dx$.

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA

☐ NÃO HÁ TEXTO

Resolução da Questão 2 – Texto Definitivo

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

Questão 3

Faça o que se pede nos itens I e II a seguir.

- I Explique, por meio de um texto e recursos algébricos, como calcular os autovalores e os autovetores normalizados de uma matriz quadrada. [valor: 0,5]
- II Calcule os autovalores e autovetores normalizados da matriz $M = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$. [valor: 1,0]

Resolução da Questão 3 – Item I (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA
☐ NÃO HÁ TEXTO

1	
2	
3	
4	

Resolução da Questão 3 – Item II (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA
☐ NÃO HÁ TEXTO

A linha de fabricação de eixos de uma indústria funciona das 8 h às 18 h. Ao final dessa linha, antes da embalagem e da expedição, um lote de eixos deve ser inspecionado para o controle dimensional individual do diâmetro de cada peça do lote. As peças com diâmetro igual a $10,00 \text{ mm} \pm 0,05 \text{ mm}$ são aprovadas e embaladas em caixas com capacidade para 20 unidades; as peças reprovadas devem ser reenviadas, em lotes de 100 peças por vez, à linha de produção para outro aproveitamento. Ao final do dia, deve ser impresso relatório no qual constem as seguintes informações: data, quantidade de peças inspecionadas, quantidade de peças aprovadas e quantidade de peças reprovadas.

Considerando a situação hipotética acima, faça o que se pede a seguir.

- I Construa um algoritmo que possibilite o devido controle da etapa final dessa linha de produção.
- II Redija um texto, descrevendo as etapas principais de construção desse algoritmo.

Não utilize este espaço
em nenhuma hipótese!

Resolução da Questão 4 – Item I (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA

☐ NÃO HÁ TEXTO

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
21	
22	
23	
24	
25	
26	
27	
28	
29	
30	

Resolução da Questão 4 – Item II (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA
☐ NÃO HÁ TEXTO

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

Não utilize este espaço
em nenhuma hipótese!

Redija textos dissertativos apresentando a definição das medidas listadas nos itens de I a IV. Em seus textos, ao definir as medidas, ilustre sua explicação com o cálculo do valor de cada uma delas, com precisão de uma casa decimal, considerando a sequência de números: 4, 1, 5, 4, 6, 7, 5, 3, 9, 6, 5.

I média aritmética [valor: 0,38]

II mediana [valor: 0,37]

III moda [valor: 0,38]

IV variância [valor: 0,37]

Resolução da Questão 5 – Item I (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA

☐ NÃO HÁ TEXTO

1	
2	
3	
4	
5	

Resolução da Questão 5 – Item II (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA

☐ NÃO HÁ TEXTO

1	
2	
3	
4	
5	

Resolução da Questão 5 – Item III (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA
☐ NÃO HÁ TEXTO

1	
2	
3	
4	
5	

Resolução da Questão 5 – Item IV (Texto Definitivo)

PARA USO EXCLUSIVO DO CHEFE DE SALA
☐ NÃO HÁ TEXTO

1	
2	
3	
4	
5	